

\* (٣ ، ٢) أحد حلول : ٢س + أ ص = ١٣ فإن أ :

س = ٢ ، ص = ٣ ونعوض بيهم فى المعادلة

$$١٣ = ٣ \times أ + ٢ \times ٢ ، \quad ١٣ = أ ص + ٢$$

$$٩ = ٤ - ١٣ = أ٣ ، \quad ١٣ = أ٣ + ٤$$

$$٣ = أ ، \quad ٩ = أ٣$$

\* (٢ ، ١-) حلول : ٢س + أ ص = ١٣ فإن أ :

س = ١- ، ص = ٢ ونعوض بيهم فى المعادلة كمل

\* أوجد نقطة تقاطع : ٣س + ٥ص = ٠ ، ٥س - ٣ص = ٠

نقطة التقاطع هي (٠ ، ٠) وتسمى نقطة الاصل

\* أوجد مجموعة حل : ٢س - ٠ = ٢ ، ٠ = ١ + ص

$$س = ٢ ، ص = ١- م . ح = \{(٢ ، ١-)\}$$

\* أوجد مجموعة حل : ٢ = ص ، ٢ = ص + ٦

$$ص = ٢ ، س + ٦ = ص ، ٦ = ٢ + ٦ ، س = ٤$$

$$م . ح = \{(٢ ، ٤)\}$$

\* أوجد مجموعة حل : ١ = ص ، ١ = ص + ٢

$$س = ١ ، ص + ٢ = ١ ، ص = ٢-$$

$$م . ح = \{(٢- ، ١)\}$$

\* أوجد حل : ١ = ص - ٢ ، ١ = ص + ٣

$$س = ١ + ٢ ، ١٠ = ص + (١ + ٢)٣$$

$$س = ١ + ٢ ، ١٠ = ص + ٣ + ٦$$

$$١ = ص ، ٧ = ص$$

$$س = ٣$$

$$م . ح = \{(١ ، ٣)\}$$

\* إذا كان : ٢س = ١ فأوجد : خمس س

$$س = \frac{١}{٢} ، \quad \frac{١}{٢} = س \times \frac{١}{٥} = \frac{١}{١٠}$$

\* ٢س - ٢ص = ٢ (س + ص) فأوجد : س - ص

$$س - ٢ص = ٢ (س + ص)$$

$$(س - ٢ص) (س + ص) = ٢ (س + ص)$$

$$س - ٢ص = ٢$$

\* إذا كان : س عدداً سالباً للقيم : ٥ + س

٥ - س ، ٥ س ، ٥ ÷ س فأوجد أكبر الأعدادى

نفرض أن : س = ١- ونعوض فى كل واحدة

$$٥ + س = ٥ + (١-) = ٤$$

$$٥ - س = ٥ - (١-) = ٦$$

$$٥ س = ٥ \times (١-) = ٥-$$

$$٥ ÷ س = ٥ ÷ (١-) = ٥-$$

أكبر الاعداد ٦ وتكون : ٥ - س

\* إذا كان : س = ٢ ، ص = ٣ فأوجد : (س - ٢)١٠

$$١ = (س - ٢)١٠ = (٣ - ٢)١٠ = ١٠$$

\* إذا كان : ٢ = ٣ × ٥ ، ٦ × ٥ = ٦ فأوجد قيمة م

$$م = \frac{٦}{٣} = \frac{٢}{١} = ٢$$

\* أوجد المعكوس الجمعى للكسر :  $\frac{٣}{س + ٢}$

$$\frac{٣}{س + ٢} = - \frac{٣}{س + ٢}$$

\* س + ص = ١ من الدرجة الاولى

س ص = ٢ من الدرجة الثانية

\* حل المعادلتين :  $س = ٣$  ،  $٤ = ٤س + ٨ص = ٧$

$س = ٣ - ٣ = ٠$  ،  $٥ = ٢ + ٣ = ٥$

$٣ = ٤ - ٣ = ١$  ،  $٥ = ٢ + ٣ = ٥$

$٣ = ٤ - ٣ = ١$  ،  $٥ = ٢ + ٣ = ٥$

$٣ = ٤ - ٣ = ١$  ،  $٥ = ٢ + ٣ = ٥$

\*  $س = ٤$  ،  $٤ = ٤س + ٣ص = ٤$

$٤ = ٤س + ٣ص = ٤$  ،  $٤ = ٤س + ٣ص = ٤$

$٤ = ٤س + ٣ص = ٤$  ،  $٤ = ٤س + ٣ص = ٤$

$٤ - ٤ = ٣ص - ٣ص = ٠$

$٠ = ٣ص - ٣ص = ٠$

$٠ = ٣ص - ٣ص = ٠$

$٠ = ٣ص - ٣ص = ٠$

$\{(٠, ٤)\} = \text{ح.م}$

\* حل المعادلتين :  $س = ٣$  ،  $٣ = ٣س + ٢ص = ٢$

$٣ = ٣س + ٢ص = ٢$  ،  $٣ = ٣س + ٢ص = ٢$

$٣ - ٣ = ٢ص - ٢ص = ٠$

$٣ - ٣ = ٢ص - ٢ص = ٠$

$٣ - ٣ = ٢ص - ٢ص = ٠$

$٣ - ٣ = ٢ص - ٢ص = ٠$

$٣ - ٣ = ٢ص - ٢ص = ٠$

$\{(١, ١)\} = \text{ح.م}$

\*  $س = ٤$  ،  $٤ = ٤س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٤س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٤س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٤س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٤س + ٣ص = ٧$  (عمل)

\* حل المعادلتين :  $س = ٣$  ،  $٤ = ٤س + ٨ص = ٧$

$٧ = ٤س + ٨ص = ٧$  ،  $٧ = ٤س + ٨ص = ٧$

$٧ = ٤س + ٨ص = ٧$  ،  $٧ = ٤س + ٨ص = ٧$

$٧ = ٤س + ٨ص = ٧$  ،  $٧ = ٤س + ٨ص = ٧$

$\emptyset = \text{ح.م}$

\* حل المعادلتين :  $س = ٢$  ،  $٠ = ٢س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٢س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٢س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٢س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٢س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٢س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٢س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٢س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٢س + ٣ص = ٧$

$٧ = ٢س + ٣ص = ٧$  ،  $٧ = ٢س + ٣ص = ٧$

$\{(١, ٢)\} = \text{ح.م}$

\* حل المعادلتين :  $س = ١$  ،  $١ = ١س + ٧ص = ٧$

$٧ = ١س + ٧ص = ٧$  ،  $٧ = ١س + ٧ص = ٧$

$٧ = ١س + ٧ص = ٧$  ،  $٧ = ١س + ٧ص = ٧$

$٧ = ١س + ٧ص = ٧$  ،  $٧ = ١س + ٧ص = ٧$

$٧ = ١س + ٧ص = ٧$  ،  $٧ = ١س + ٧ص = ٧$

$٧ = ١س + ٧ص = ٧$  ،  $٧ = ١س + ٧ص = ٧$

$\{(٣, ٤)\} = \text{ح.م}$

\* حل المعادلتين :  $س = ٣$  ،  $٦ = ٣س + ٢ص = ٦$

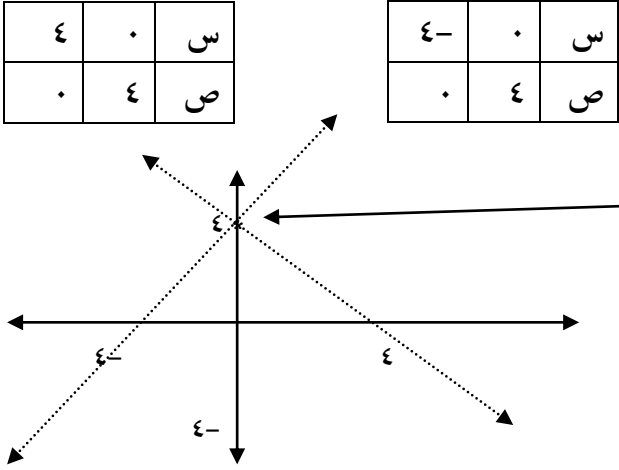
$٦ = ٣س + ٢ص = ٦$  ،  $٦ = ٣س + ٢ص = ٦$  كمل

\* إذا كان :  $٦ \times ٣ = ٧ \times ٣ = ٦$  فأوجد قيمة م

م = البعيد ÷ القريب = ١

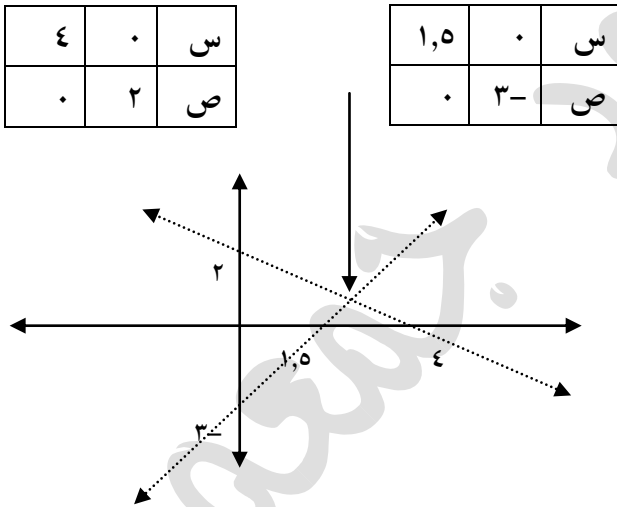
س = ١ من الدرجة الأولى

\* حل بيانياً :  $\text{ص} = \text{س} + ٤$  ،  $\text{س} = \text{ص} + ٤$  ،  $\text{ص} = \text{س} + ٤$



تلاحظ انها اتكررت في الجدولين  $\{(٤, ٠)\} = \text{ح. م}$

\* حل بيانياً :  $\text{ص} = \text{س} - ٣$  ،  $\text{ص} = \text{س} + ٢$  ،  $\text{ص} = \text{س} + ٤$



المستقيمان متقاطعان في نقطة نجها من الرسم  
(الرسم ده ليس بدقة الرسم البيانى)

\* حل بيانياً :  $\text{ص} = \text{س} + ٥$  ،  $\text{ص} = \text{س} + ١$



كمل الحل

\* حل المعادلتين :  $\text{ص} = ٣ - \text{س}$  ،  $\text{ص} = ٢ + \text{س}$  ،  $\text{ص} = ٢ - \text{س}$

$$\begin{aligned} ٣ &= \text{ص} - \text{س} \\ ٣ &= \text{ص} - (\text{ص} - ٢) \\ ٣ &= \text{ص} - \text{ص} + ٢ \\ ٣ &= ٢ \\ ٥ &= \text{ص} - ١ \\ ٥ &= \text{ص} \\ \text{ص} &= ٥ \\ \text{س} &= ٢ \end{aligned}$$

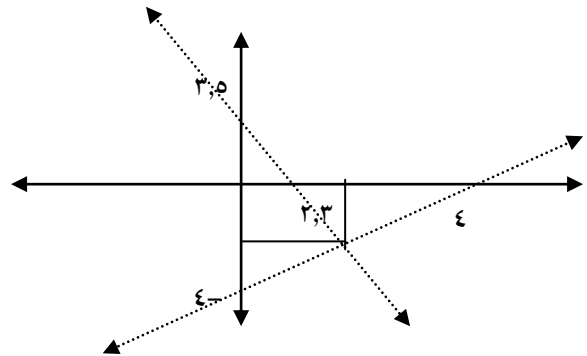
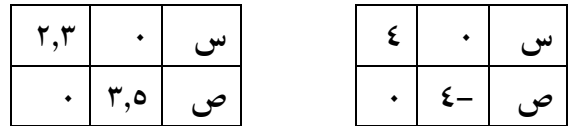
$\text{ح. م} = \{(١, ٢)\}$  ،  $\text{ص} = ١$  ،  $\text{س} = ٢$

\* حل :  $\text{ص} = ٣ - \text{س}$  ،  $\text{ص} = ٤ + \text{س}$  ،  $\text{ص} = ٣ + \text{س}$

$$\begin{aligned} ٣ &= \text{ص} - (\text{ص} + ٣) \\ ٣ &= \text{ص} - \text{ص} - ٣ \\ ٦ &= ٠ \\ ١ &= \text{ص} \end{aligned}$$

$\text{ح. م} = \{(١, -١)\}$  ،  $\text{ص} = ١$  ،  $\text{س} = -١$

\* حل :  $\text{ص} = \text{س} - ٤$  ،  $\text{ص} = ٢ + \text{س} + ٣$  ،  $\text{ص} = ٧$  بيانياً



المستقيمان متقاطعان في نقطة نجها من الرسم  
(الرسم ده ليس بدقة الرسم البيانى)



\* حل :  $ص - س = ١$  ،  $س + ص = ٢٥$

$$س + ١ = ص$$

$$٢٥ = ص^٢ + (١ + ص)$$

$$س = ص + ١$$

$$٢٥ = ص^٢ + ١ + ص$$

$$٢ ص^٢ + ٢ ص - ٢٤ = ٠$$

$$ص^٢ + ص - ١٢ = ٠$$

$$٠ = (ص + ٤)(ص - ٣)$$

$$ص = ٣$$

$$ص = -٤$$

$$س = ٤$$

$$س = -٣$$

$$ح.م = \{(٣, ٤), (-٣, -٤)\}$$

\* حل :  $ص + س = ٧$  ،  $س + ص = ٢٥$

$$س - ٧ = ص$$

$$٢٥ = ص^٢ + (ص - ٧)$$

$$س = ص$$

$$٢٥ = ص^٢ + ص + ١٤ - ٤٩$$

$$٢ ص^٢ - ٢ ص + ١٤ = ٠$$

$$ص^٢ - ص + ٧ = ١٢$$

$$٠ = (ص - ٣)(ص - ٤)$$

$$ص = ٣$$

$$ص = ٤$$

$$س = ٤$$

$$س = ٣$$

$$ح.م = \{(٣, ٤), (٤, ٣)\}$$

\* حل :  $ص - س = صفر$  ،  $س - ص = ١$

$$ص = س$$

$$س \times س = ١ - س$$

$$س^٢ = ١ - س$$

$$٠ = (س - ١)(س + ١)$$

$$س = ١$$

$$س = -١$$

$$ص = ١$$

$$ص = -١$$

\* حل المعادلتين :  $ص = س - ٣$  ،  $س + ص = ١٧$

$$ص = س - ٣$$

$$١٧ = (س - ٣) + س$$

$$١٧ = ٩ + ٢س$$

$$٢س = ٨$$

$$س = ٤$$

$$س = ٣ - ٤ = -١$$

$$٠ = (س + ١)(س - ٤)$$

$$س = ١$$

$$س = -٤$$

$$ص = ٤$$

$$ص = -١$$

$$ح.م = \{(٤, ١), (-١, -٤)\}$$

\* حل المعادلتين :  $ص + س = ٠$  ،  $س + ص = ٢٥$

$$س = -ص$$

$$٢٥ = (ص - ص)$$

$$٢٥ = ٠$$

$$ص = ٥$$

$$ص = -٥$$

$$ص = ٥$$

$$ص = -٥$$

$$س = ٥$$

$$س = -٥$$

$$ح.م = \{(٥, ٥), (-٥, -٥)\}$$

\* حل :  $س - ٢ص = ١$  ،  $س - س = ٠$

$$س + ١ = ٢ص$$

$$٠ = (س + ١) - ٢(س + ١)$$

$$٠ = ٤ص + ٢ - ٢ص - ٢$$

$$٠ = ٢ص$$

$$٠ = (ص + ١)(٢)$$

$$ص = ١$$

$$ص = -١$$

$$س = صفر$$

$$س = -١$$

$$ح.م = \{(١, ١), (٠, ٠)\}$$

\* حل : س - ٢ = ٠ ، س + ١ = ٧

$$٧ = ٢ + س + ١$$

$$٧ = ٢ + س + ١$$

$$٥ = (١ + س) (١ - ٢)$$

$$٣ = س$$

$$٢ = س$$

$$\{ (٣, ٢), (١, ٢) \} = \text{ح.م}$$

\* حل : س + ١ = ٠ ، س + ١ = ١٧

$$١٧ = ١ + س$$

$$١٦ = س$$

$$٤ = س$$

$$١ = س$$

$$\{ (٤, ١), (١, ١) \} = \text{ح.م}$$

\* حل : س - ٢ = ٠ ، س = ١٨

$$١٨ = س$$

$$١٨ = ٢ + س$$

$$٩ = س$$

$$٣ = س$$

$$٦ = س$$

$$\{ (٣, ٦), (٦, ٦) \} = \text{ح.م}$$

\* حل : س + ١ = ٥ ، س + ٢ = ٥

$$٥ = ١ + س$$

$$٥ = ٢ + س$$

$$\text{كمل } ٥ = ٤ - س$$

\* حل المعادلتين : س + ٤ = ١٠ ، س + ١ = ١٠

$$١٠ = ٤ + س$$

$$١٠ = ١ + س$$

$$٢ = ٦ + س$$

$$٠ = ٣ + س$$

$$٠ = (٣ - س) (١ - ١)$$

$$٣ = س$$

$$١ = س$$

$$١ = س$$

$$٣ = س$$

$$\{ (٣, ١), (١, ٣) \} = \text{ح.م}$$

\* حل المعادلتين : س - ٢ = ٩ ، س - ١ = ٩

$$٩ = س - ٢$$

$$٩ = س - ١$$

$$٣ = س$$

$$٣ = س$$

$$٣ = س$$

$$٣ = س$$

$$\{ (٣, ٣), (٣, ٣) \} = \text{ح.م}$$

\* حل : س - ٣ = ١٣ ، س + ١ = ١٣

$$١٣ = س - ٣$$

$$١٣ = س + ١$$

$$\text{نحلل } ٠ = ٤ - س$$

$$٠ = (٤ + س) (١ - ١)$$

$$٤ = س$$

$$١ = س$$

$$١ = س$$

$$٤ = س$$

$$\{ (١, ٤), (٤, ١) \} = \text{ح.م}$$



\* أوجد ص (د) : د (س) = (س) (س - 1) + 1

$$0 = (1 - s)(1 - s)$$

$$\{1, 0\} = \text{ص (د)} \quad 1 = \text{س} , \quad 0 = \text{س}$$

\* أوجد ص (د) : د (س) = س - 3

$$\{3\} = \text{ص (د)} , \quad 3 = \text{س} , \quad 0 = 3 - \text{س}$$

\* أوجد ص (د) : د (س) =  $\frac{\text{س} - 3}{\text{س} - 1}$

اصفار البسط - اصفار المقام

$$\{3\} = \{2 - , 2\} - \{3\}$$

\* أوجد ص (د) : د (س) = (س - 9) (س + 2)

$$0 = (2 + s)(9 - s)$$

$$\{2 - , 9\} = \text{ص (د)} \quad 2 - = \text{س} , \quad 9 = \text{س}$$

\* ص (د) = {2} ، د (س) = س - 3 م فإن : م

س = 2 ونعوض في الدالة

$$\text{س} - 3 = \text{م} = \text{صفر} , \quad 0 = \text{م} - 8 , \quad 8 = \text{م}$$

\* ص (د) = {2} ، د (س) = س - 1 أ س + 1

س = 2 ونعوض في الدالة

$$0 = 2 - 1 + 1 = 2$$

$$2 = 1 - 1 , \quad 0 = (2 - 1)(2 - 1)$$

\* ص (د) = س + م + 9 = 0 هي (-3) أوجد م

$$\text{س} - 3 = 0 , \quad 3 - 9 = \text{م} + 9 , \quad 0 = \text{م} + 18 , \quad 18 = -\text{م}$$

$$18 = \text{م} , \quad 6 = \text{م}$$

\* أوجد ك : س + 3 ص = 6 ، 2 س + ك = 12

$$2\text{م} = 1\text{م}$$

$$\frac{2-}{\text{ك}} = \frac{1-}{3}$$

$$6 = \text{ك} , \quad 6 - = \text{ك} -$$

\* أوجد م : س + 2 ص = 4 ، 2 س + م = 11

$$2\text{م} = 1\text{م}$$

$$\frac{2-}{\text{م}} = \frac{1-}{2}$$

$$4 = \text{م} , \quad 4 - = \text{م} -$$

\* أوجد أ : س + 2 ص = 4 ، 2 س + أ = 12

$$2\text{م} = 1\text{م}$$

$$\frac{2-}{\text{أ}} = \frac{1-}{2}$$

$$4 = \text{أ} , \quad 4 - = \text{أ} -$$

\* أوجد ص (د) : د (س) = (س - 5) (س + 1)

$$0 = (1 + s)(5 - s)$$

$$\{1 - , 5\} = \text{ص (د)} , \quad 1 - = \text{س} , \quad 5 = \text{س}$$

\* أوجد ص (د) : د (س) = س - 1 - س - 2

$$0 = 2 - \text{س} - 1 - \text{س}$$

$$0 = (2 - \text{س})(1 + \text{س})$$

$$2 = \text{س} , \quad 1 - = \text{س}$$

$$\{2 , 1 -\} = \text{ص (د)}$$

\* أوجد ص (د) : د (س) = 4 س

$$\{0\} = \text{ص (د)} \quad 0 = \text{س} , \quad 0 = 4\text{س}$$



\* اختصر:  $\frac{1-s}{s} + \frac{1-s}{s}$

$$\frac{1-s+s-1}{s} = \frac{\text{صفر}}{s} = \text{صفر}$$

\* أوجد مجالهما:  $\frac{5}{s-2}$  ،  $\frac{2}{1-s}$

$$s-2=0 \quad s-1=0$$

$$s=(s-1) \quad s=(s+1)$$

$$s=1, 0 \quad s=1, -1$$

المجال المشترك = ح - {0, 1, -1}

\* اختصر:  $\frac{1}{s+3} + \frac{2s}{s+3}$

$$2 = \frac{(s+3)^2}{s+3} = \frac{6+s^2}{s+3}$$

المجال = ح - {3}

\*  $\frac{s-1}{s+5}$  معكوس ضربى لـ  $\frac{s+5}{s+3}$

$$s-1=s+5 \quad s-1=3 \quad s-1=3$$

\* الكسر  $\frac{1}{s-2} = \frac{1}{s-2}$  أوجد: أ

$$s+1=2 \quad s-1=2 \quad s-1=2$$

\* مجالها:  $\frac{s}{s-m}$  ح - (7) أوجد م

$$s=7 \quad \text{نساوى المقام} = \text{صفر}$$

$$7=m \quad 0=m-7$$

\* أوجد المجال المشترك:  $\frac{2}{s-3}$  ،  $\frac{7}{s-6}$

$$s-3=0 \quad s-6=0$$

$$s=3 \quad s=6$$

المجال المشترك = ح - {3, 6}

\* ن (س) =  $\frac{1-s}{s+3}$  فأوجد: ن<sup>-1</sup> (س)

$$s-1=0 \quad s+3=0$$

$$s=1 \quad s=-3$$

مجال ن<sup>-1</sup> (س) = ح - {1, -3}

\* أوجد: مجال:  $\frac{s-2}{s+1}$  ثم أوجد: ن<sup>-1</sup> (2)

$$s+1=0 \quad s-2=0 \quad \text{المجال} = \text{ح} - \{-1\}$$

$$n^{-1}(2) = \frac{1+2}{2-2} = \frac{1+s}{2-s} = \frac{3}{\text{صفر}}$$

الدالة غير معرفة لان المقام = صفر

\* اختصر:  $\frac{7+s^2}{s+4} + \frac{3-s}{s+4}$  مجالها؟

$$1 = \frac{s+2}{s+4} = \frac{7+s^2+3-s}{s+4}$$

المجال = ح لان المقام لا يحلل او لا يساوى صفر

\* أوجد المجال المشترك:  $\frac{5}{s-2}$  ،  $\frac{7}{s-5}$

$$s-2=0 \quad s-5=0 \quad s=5, 0, 2$$

المجال المشترك = ح - {0, 5, 2}



$$\frac{1}{1+s} + \frac{s-s^2}{1-s} = \text{ن (س) } *$$

$$\frac{1}{1+s} + \frac{s(1-s)}{(1-s)(1+s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1}{1+s} + \frac{s}{1+s} = \text{ن (س)}$$

$$1 = \frac{1+s}{1+s} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - {1, -1}

$$\frac{s-s^2}{s^2+s} + \frac{1-s^2}{s^2+s^3+s} = \text{ن (س) } *$$

$$\frac{s(1-s)}{s(2+s)} + \frac{(1-s)(1+s)}{(2+s)(1+s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1-s}{2+s} + \frac{1-s}{2+s} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{(1-s)^2}{2+s} = \frac{1-s+1-s}{2+s} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - {0, 2, -1}

$$\frac{s-s^2-5}{s^2+s-10} + \frac{s^2-8s+12}{s^2+s-4} = \text{ن (س) } *$$

$$\frac{(s-5)(s+2)}{(s-5)(s-2)} + \frac{(s-6)(s-2)}{(s-2)(s-2)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1+s}{s-2} + \frac{s-6}{s-2} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{s-5}{s-2} = \text{ن (س) } \text{ والمجال = ح - } \{5, 2\}$$

$$\frac{s^2+s-2}{s^2-4} + \frac{s^2+s+4}{s^3-8} = \text{ن (س) } *$$

$$\frac{(s-2)(s+2)}{(s-2)(s+2)} + \frac{s^2+s+4}{(s-2)(s^2+s+4)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1-s}{s-2} + \frac{1}{s-2} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{s}{s-2} = \frac{1-s+1}{s-2} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - {2, -2}

$$\frac{s^3-15}{s^2+s-5} + \frac{s^3-2}{s^2+s-1} = \text{ن (س) } *$$

$$\frac{(s-5)^3}{(s-5)(s+5)} + \frac{(s-2)(s-1)}{(s+1)(s-1)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{3}{s+5} + \frac{s-2}{s+1} = \text{ن (س)}$$

$$1 = \frac{1+s}{s+5} = \frac{s+2-s}{s+1} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - {5, 1, -1}

$$\frac{s^2+6}{s^2+s+6} + \frac{s^2+s}{s^2-4} = \text{ن (س) } *$$

$$\frac{(s+3)^2}{(s+3)(s+2)} + \frac{s(s+2)}{(s+2)(s-2)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{2}{s+2} + \frac{s}{s-2} = \text{ن (س)}$$

$$1 = \frac{(s+2)(s-2)}{(s+2)(s-2)} = \frac{s^2-4+s^2-4}{(s+2)(s-2)} = \text{ن (س)}$$





مدرسة الرياضيات والبيانات للرحلة الثانية

تليفون ٠١٢٨٥٨٤٧٤٨٠

$$\frac{3s^3 + 9s^2 + 9s}{4s^2 + 2s + 1} \times \frac{8 - 3s}{6 + 5s + s^2} = \text{ن (س)} *$$

$$\frac{(3 + s)s^3}{4s^2 + 2s + 1} \times \frac{(2 - s)(s^2 + 2s + 4)}{(3 + s)(2 + s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{s^3}{1} \times \frac{(2 - s)}{(2 + s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{(s^3)(2 - s)}{(2 + s)} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - { 2- , 3- }

$$\frac{2 - 2s}{1 + s + s^2} \times \frac{1 - 3s}{1 + 2s - s^2} = \text{ن (س)} *$$

$$\frac{(1 - s)^2}{1 + s + s^2} \times \frac{(1 - s)(s^2 + s + 1)}{(2 - s)(1 - s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{(1 - s)^2}{1} \times \frac{1}{2 - s} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{(1 - s)^2}{(2 - s)} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - { 1 , 2 }

$$\frac{4}{2s^2 - 4s + 5} \div \frac{3 - 2s}{12 + 7s - s^2} = \text{ن (س)} *$$

$$\frac{(4 - s)s}{4} \times \frac{3 - 2s}{(4 - s)(3 - s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{s}{4} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - { 0 , 4 , 3 }

$$\frac{27 + 9s + 3s^2}{27 - 3s} - \frac{2s - 1}{3 + 4s - s^2} = \text{ن (س)} *$$

$$\frac{(9 + s^2 + 3s)^3}{(9 + s^2 + 3s)(3 - s)} - \frac{s(1 - s)}{(3 - s)(1 - s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{3}{3 - s} - \frac{s}{3 - s} = \text{ن (س)}$$

$$1 = \frac{3 - s}{3 - s} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - { 3 , 1 }

$$\frac{4}{2s^2 - 4s + 5} - \frac{3 - 2s}{12 + 7s - s^2} = \text{ن (س)} *$$

$$\frac{4}{(4 - s)s} - \frac{3 - s}{(4 - s)(3 - s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{4}{(4 - s)s} - \frac{1}{4 - s} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1}{s} = \frac{4 - s}{(4 - s)s} = \text{ن (س)}$$

المجال = ح - { 0 , 4 , 3 }

$$\frac{5 - 2s}{5 + 6s - s^2} - \frac{2s - 1}{1 - s^2} = \text{ن (س)} *$$

$$\frac{5 - s}{(5 - s)(1 - s)} + \frac{s(1 - s)}{(1 + s)(1 - s)} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1}{1 - s} + \frac{s}{1 + s} = \text{ن (س)}$$

$$\frac{1 + s^2}{(1 + s)(1 - s)} = \frac{1 + s + s^2}{(1 + s)(1 - s)} = \text{ن (س)}$$



\* حل المعادلة :  $3س^3 = 5س + 4$

نخلى كله فى طرف واحد = صفر

$$3س^3 - 5س - 4 = 0$$

$$3 = أ ، 5 = ب ، 4 = ح$$

$$س = \frac{-ب \pm \sqrt{ب^2 - 4أح}}{2أ}$$

$$س = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 3 \times (-4)}}{3 \times 2}$$

$$س = \frac{\sqrt{73} \pm 5}{6}$$

ناخذ مرة موجب ومرة سالب

$$س = \frac{\sqrt{73} + 5}{6} = 2,257$$

$$س = \frac{\sqrt{73} - 5}{6} = -0,590$$

$$م. ح = \{2,257, -0,590\}$$

تعالو نقرب لاقرب رقم صحيح

$$م. ح = \{2, -1\}$$

تعالو نقرب لاقرب رقم عشرى واحد

$$م. ح = \{2,6, -0,6\}$$

تعالو نقرب لاقرب رقمين عشريين

$$م. ح = \{2,26, -0,59\}$$

$$* ن(س) = \frac{س^3 - 8}{س^2 + 2س + 4} \div \frac{س^3 - 7س + 10}{س}$$

$$ن(س) = \frac{س^3(س-2)}{س(س^2+2س+4)} \times \frac{س(س-7+10)}{س(س-5)}$$

$$ن(س) = 3$$

$$\text{المجال} = ح - \{0, 2, 5\}$$

$$* ن(س) = \frac{س^3 + 2س^2 + 4س}{س^2 + 2س + 3} \div \frac{س^3 - 8}{س^2 + 6س + 5}$$

$$ن(س) = \frac{س(س^2 + 2س + 4)}{س(س^2 + 2س + 3)} \times \frac{س(س-2)(س+5)}{س(س-1)(س-5)}$$

$$ن(س) = \frac{(س+2)(س-2)}{س(س-5)} \times \frac{(س-2)}{1}$$

$$ن(س) = \frac{(س+2)(س-2)}{س(س-5)}$$

$$\text{المجال} = ح - \left\{ \frac{3}{2}, -1, 0, 5, 1 \right\}$$

$$* ن(س) = \frac{س + 7}{س - 2} \div \frac{س^2 - 49}{س^3 - 8}$$

$$ن(س) = \frac{س-2}{س+7} \times \frac{(س+7)(س-7)}{س(س+2+4)} = \frac{س-2}{س(س+2+4)}$$

$$ن(س) = \frac{(س-2)}{س^2 + 2س + 4}$$

$$\text{المجال} = ح - \{2, -7\}$$

متناسح اى كسر نقله مجالها من فوق ومن تحت



\* حل المعادلة : (س - ٣) - ٥س = صفر

$$س^٢ - ٦س + ٩ - ٥س = صفر$$

$$س^٢ - ١١س + ٩ = صفر$$

$$١ = أ \quad ١١ = ب \quad ٩ = ح$$

ونكتب القانون العام ونكمل

حل المعادلة : ٢س (س - ٥) = ١

$$٢س^٢ - ١٠س = ١$$

$$٢س^٢ - ١٠س - ١ = صفر$$

$$٢ = أ \quad ١٠ = ب \quad ١ = ح$$

ونكتب القانون العام ونكمل

حل المعادلة : س (س - ١) = ٤

$$س^٢ - س = ٤$$

$$س^٢ - س - ٤ = صفر$$

$$١ = أ \quad ١ = ب \quad ٤ = ح$$

ونكتب القانون العام ونكمل

حل المعادلة : س - ٤ = ١ : س - ٢

$$\frac{١}{س - ٢} = \frac{س - ٤}{١}$$

$$١ = (س - ٢) (س - ٤)$$

$$١ = ٨ + س٢ - ٤س - ٤س$$

$$٠ = ٧ + س٢ - ٦س$$

$$١ = أ \quad ٦ = ب \quad ٧ = ح$$

ونكتب القانون العام ونكمل

\* احتمال الحدث المستحيل = صفر

\* احتمال الحدث المؤكد = ١

\* مجموع الاحتمالات كلها = ١

\* صفر  $\geq$  أي احتمال  $\geq$  ١

\* عند القاء قطعة نقود احتمال صورة = ٠,٥

\* عند القاء قطعة نقود احتمال كتابة = ٠,٥

\* احتمال ظهور صورة أو كتابة = ١

\* احتمال ظهور صورة وكتابة = ١

\* أ، ب حدثان متنافيان :  $أ \cap ب = \emptyset$

\* أ، ب حدثان متنافيان :  $ل(أ \cap ب) = صفر$

\*  $أ \supset ب$  فإن  $ل(أ \cup ب) = ل(ب)$

\*  $أ \supset ب$  فإن  $ل(أ \cap ب) = ل(أ)$

\* احتمال أحد الحدثين على الاقل

احتمال الحدث أ أو الحدث ب

$$ل(أ \cup ب) = ل(أ) + ل(ب) - ل(أ \cap ب)$$

\* احتمال أحد الحدثين على الاكثر

احتمال الحدث أ، ب معاً

$$ل(أ \cap ب) = ل(أ) + ل(ب) - ل(أ \cup ب)$$

\* احتمال الحدث أ وعدم احتمال الحدث ب

$$ل(أ - ب) = ل(أ) - ل(أ \cap ب)$$

\* احتمال الحدث ب وعدم احتمال الحدث أ

$$ل(ب - أ) = ل(ب) - ل(أ \cap ب)$$

\* احتمال عدم وقوع أ

$$ل(أ') = ١ - ل(أ)$$

\* احتمال عدم وقوع ب

$$ل(ب') = ١ - ل(ب)$$

$$ل(أ \cup ب)' = ١ - ل(أ \cup ب)$$



\* عند القاء حجر نرد مرة واحدة فأوجد احتمال عدد فردي اولي

$$F = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \text{ العدد الكلي} = 6$$

$$\text{عدد فردي اولي} = \{3, 5\}, \text{ الاحتمال} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

\* صندوق به ٣٠ بطاقة مرقمة من ١ إلى ٣٠ أوجد احتمال عدد يقبل ٤

$$F = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, 28, 29, 30\}$$

$$\text{العدد الكلي} = 30$$

$$\text{عدد } \div 4 = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, 28\}$$

$$\text{الاحتمال} = \frac{7}{30}$$

\* احتمال نجاح طال هو ٩٥٪ فأوجد رسوبه

$$\text{احتمال النجاح} = 95\% \quad \text{احتمال الرسوب} = 5\%$$

\* صندوق به ٢٥ كرة منها ١٠ كرات حمراء

٨ كرات بيضاء وباقي الكرات الخضراء

أوجد احتمال البيضاء

ثم احتمال الكرات الخضراء او البيضاء

ثم احتمال ليست خضراء

$$\text{احتمال الكرات البيضاء} = \frac{8}{25}$$

$$\text{احتمال الكرات الخضراء او البيضاء} = \frac{15}{25} = \frac{3}{5}$$

$$\text{احتمال الكرات ليست بيضاء} = \frac{17}{25}$$

$$\text{احتمال كرات صفراء} = \text{مستحيل} = \text{صفر}$$

\* كيس به ١٥ كرة مرقمة من ١ : ١٥

أحدث فردي ، ب حدث أولي

أوجد : ل(أ) ، ل(ب) ، ل(أ - ب)

$$F = \{1, 2, 3, 4, \dots, 13, 14, 15\}$$

$$\text{أ عددى فردي} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15\}$$

$$\text{ب عددى أولي} = \{2, 3, 5, 7, 11, 13\}$$

$$L(A) = \frac{8}{15}, \quad L(B) = \frac{6}{15}, \quad L(A \cap B) = \frac{5}{15}$$

$$L(A - B) = L(A) - L(A \cap B)$$

$$= \frac{8}{15} - \frac{5}{15} = \frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

\* أ ، ب حدثين من فضاء العينة حيث :

$$L(A) = 0.2, \quad L(B) = 0.6, \quad L(A \cup B) = 0.3$$

فأوجد : احتمال الحدث أ ، ب معاً

احتمال الحدث أ ، ب معاً : ل(أ ∩ ب)

$$L(A \cap B) = L(A \cup B) - L(B)$$

$$= 0.3 - 0.6 + 0.2 = 0.5$$

\* أ ، ب حدثين من فضاء العينة : ل(أ) = ٠,٧ ،

$$L(B) = 0.6, \quad L(A \cap B) = 0.4$$

فأوجد : احتمال أ أو ب ثم أوجد احتمال ل(أ')

احتمال الحدث أ أو ب : ل(أ ∪ ب)

$$L(A \cup B) = L(A) + L(B) - L(A \cap B)$$

$$= 0.7 + 0.6 - 0.4 = 0.9$$

$$L(A') = 1 - L(A) = 1 - 0.7 = 0.3$$

\* برهن أن :  $(س)٢ = (س)١$

$$\frac{س٢ + س١}{س٢ + س١ + ٤} = (س)٢، \frac{س٢}{س٢ + ٤} = (س)١$$

$$\frac{س}{(س + ٢)} = \frac{س٢}{(س + ٢)٢} = (س)١$$

مجال  $(س)١ = ح - \{٢-\}$

$$\frac{س}{(س + ٢)} = \frac{س(س + ٢)}{(س + ٢)(س + ٢)} = (س)٢$$

مجال  $(س)١ = ح - \{٢-\}$

مجال  $(س)١ =$  مجال  $(س)٢$

$$(س)١ = (س)٢$$

\* برهن أن :  $(س)٢ \neq (س)١$

$$\frac{س٢ - س١}{س٢ - س١ + ١٦} = (س)٢، \frac{س٢}{س٢ + ٨} = (س)١$$

$$\frac{س}{(س + ٤)} = \frac{س٢}{(س + ٤)٢} = (س)١$$

مجال  $(س)١ = ح - \{٤-\}$

$$\frac{س(س - ٢)}{(س - ٤)(س - ٤)} = (س)٢$$

مجال  $(س)١ = ح - \{٤\}$

مجال  $(س)١ \neq$  مجال  $(س)٢$

$$(س)١ \neq (س)٢$$

\* أ ، ب حدثان متنافيان :  $ل(أ) = ٠,٦$  ،  $ل(ب) = ٠,٣$  فأوجد : احتمال احد الحدثين على الاقل

أ ، ب حدثان متنافيان :  $ل(أ \cap ب) = صفر$

احتمال احد الحدثين على الاقل

$$ل(أ \cup ب) = ل(أ) + ل(ب) - ل(أ \cap ب)$$

$$= ٠,٦ + ٠,٣ - صفر = ٠,٩$$

\* خلى بالك لو قال :

احتمال احد الحدون دون الاخر معناها

$$ل(أ - ب) + ل(ب - أ) =$$

$$= ل(أ) - ل(أ \cap ب) + ل(ب) - ل(ب \cap أ)$$

ونعوض

\* خلى بالك

اصفار الدالة تساوي الدالة بصفر و خلل

\* خلى بالك

كل المجالات يجيبها من المقام

ما عد المعكوس الضربى يجيبه من البسط والمقام

\* خلى بالك

لو المقام لا يخلل يبقى المجال = ح

مثل بيانيا : د(س) =  $س٢ - س - ٢$  في  $[-٢ ، ٤]$

مثل بيانيا : د(س) =  $س٢ - س + ١$  في  $[-٢ ، ٤]$

مثل بيانيا : د(س) =  $س٢ - س - ٣$  في  $[٠ ، ٤]$

مثل بيانيا : د(س) =  $س٢ + س + ٣$  في  $[-٣ ، ١]$

مثل بيانيا : د(س) =  $س٢ - ٩$  في  $[-٣ ، ٣]$

مثل بيانيا : د(س) =  $س٢ - ٤$  في  $[-٣ ، ٣]$